

PROPEDEÚTICO TERMODINÁMICA, TAREA 5

Ejercicio 1: Sea un sistema hidroestático (es decir un fluido en reposo sin gradientes espaciales en sus variables macroscópicas) totalmente aislado del entorno y en equilibrio, es decir con $U = cst$, $V = cst$, $N = cst$, $S = cst...$ Con una pared ficticia, se divide el sistema en dos subsistemas de volúmenes V_1 y V_2 constantes ($V_1 + V_2 = V$). Dado que la pared es ficticia, estos subsistemas son abiertos. El número de partículas en cada subsistema, N_1 y N_2 , no tiene la restricción de ser constantes, siempre cuando la suma $N_1 + N_2 = cst = N$. Similarmente, las energías internas y las entropías pueden fluctuar, pero $U_1 + U_2 = U$ y $S_1 + S_2 = S$. Suponemos que cada subsistema tiene presión P_1 y P_2 , respectivamente; temperatura T_1 y T_2 ; potencial químico μ_1 y μ_2 . Usando la primera ley, demostrar que en equilibrio:

$$P_1 = P_2; \quad T_1 = T_2; \quad \mu_1 = \mu_2.$$

Ejercicio 2: Sea un sistema aislado como en el Ejercicio anterior, ahora dividido en dos partes 1 y 2 por un pistón que no tiene fricción. Si T_1 , T_2 son las temperaturas de los dos subsistemas y P_1 , P_2 las presiones, encontrar las condiciones de equilibrio termodinámico del sistema

- 1) si el pistón es una frontera impermeable y adiabática;
- 2) si el pistón es una frontera impermeable y diatérmica (permite intercambios de calor).

Ejercicio 3: Usando el mismo método que en clase, mostrar a partir de la primera ley las siguientes relaciones de Maxwell para un sistema hidroestático cerrado:

$$\left(\frac{\partial V}{\partial S}\right)_P = \left(\frac{\partial T}{\partial P}\right)_S \quad (\text{M2})$$

(tomando variables P y S independientes) y:

$$\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P = -\left(\frac{\partial S}{\partial P}\right)_T \quad (\text{M1})$$

(variables P y T).

Ejercicio 4: Utilizando el hecho que S es función de U , V y N (sistema con un solo componente químico) mostrar que

$$\left(\frac{\partial}{\partial V} \left(\frac{\mu}{T}\right)\right)_{U,N} + \left(\frac{\partial}{\partial N} \left(\frac{p}{T}\right)\right)_{U,V} = 0.$$

¿Cómo esta relación se modifica si hay varios componentes químicos?

Ejercicio 5: Del Ejercicio anterior, deducir que para un gas ideal:

$$\left(\frac{\partial}{\partial V} \left(\frac{\mu}{T}\right)\right)_{U,N} = -\frac{k_B}{V}.$$

Deducir también que para un gas ideal:

$$\left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_{T,N} = \frac{Nk_B}{V}.$$

Ejercicio 6: Recordamos que para un proceso reversible, $dS = \delta Q/T$. Entonces, la capacidad calorífica C_P se puede expresar como:

$$C_p = \left(\frac{\delta Q}{dT}\right)_P = T \left(\frac{\partial S}{\partial T}\right)_P.$$

Usando (M1), deducir que

$$\left(\frac{\partial C_P}{\partial P}\right)_T = -T \left(\frac{\partial^2 V}{\partial T^2}\right)_P.$$

Ejercicio 7: Sea un pistón de área A que comprime un gas de presión P y volumen V . Cuando el pistón se mueve, las paredes del recipiente ejercen sobre este una fuerza tangencial de fricción, de modulo total f_c (ver Tarea 2, Ejercicio 5).

a) Calcular el trabajo δW recibido por el gas cuando su volumen cambia de dV .

b) Suponemos que el gas recibe calor (δQ) y trabajo (δW) durante algún proceso infinitesimal. Escribiendo la primera ley de dos manera diferentes, deducir una expresión para el cambio de entropía dS .

c) ¿Se cumple la segunda ley? ¿ El proceso es reversible o irreversible?